

Work in Progress

# Nachrichtenaustausch

Ute Bormann, TI2

2023-10-13

# Inhalt

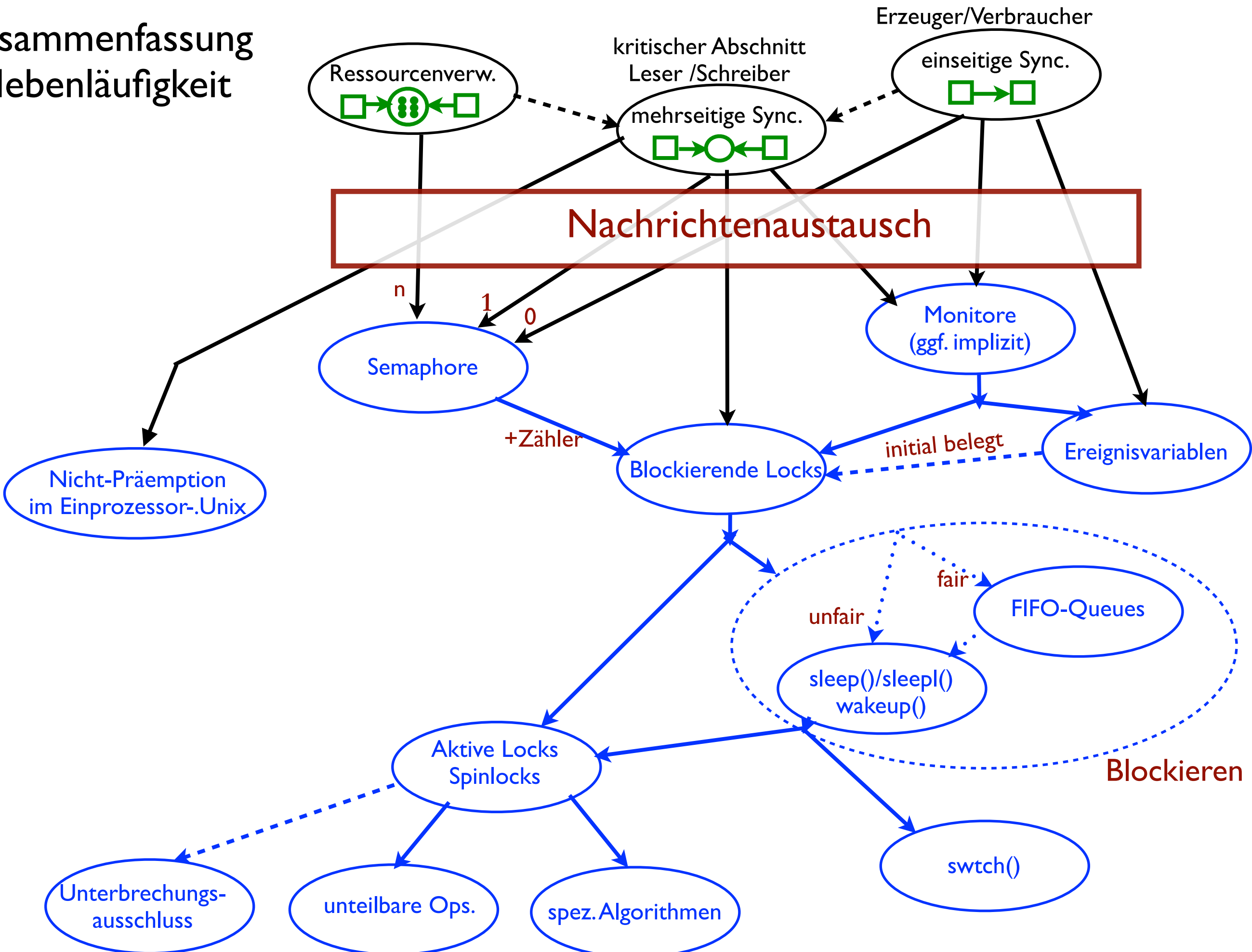
1. Grundprinzipien des Nachrichtenaustauschs
2. Communicating Sequential Processes (CSP)
3. Das Sieb des Eratosthenes in CSP

# Teil 1:

# Grundprinzipien des Nachrichtenaustauschs



# Zusammenfassung Nebenläufigkeit



# Nachrichtenaustausch

- Bisher: Synchronisation/Kommunikation zwischen Prozessen/Threads über gemeinsame Variablen/Objekte (Schlossvariablen, Semaphore, ...)
  - ⇒ setzt gemeinsamen Adressraum voraus
  - ⇒ nicht immer gegeben
- Gegenbeispiele:
  - Unix-Prozesse (statt Threads) ohne Shared Memory
  - Verteilte Systeme/Rechnernetze

# Nachrichtenaustausch

- Bisher: Synchronisation/Kommunikation zwischen Prozessen/Threads über gemeinsame Variablen/Objekte (Schlossvariablen, Semaphore, ...)

⇒ setzt gemeinsamen Adressraum voraus

⇒ nicht immer gegeben

- Gegenbeispiele:

- Unix-Prozesse (statt Threads) ohne Shared Memory
- Verteilte Systeme/Rechnernetze

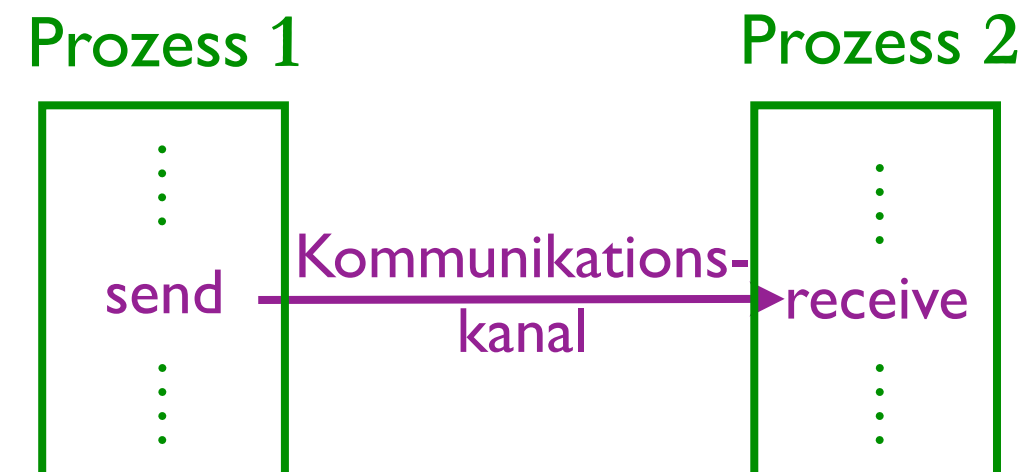
- Davon abstrahieren: Synchronisation/Kommunikation über **Nachrichtenaustausch**

- Bei Senden Angabe von Ziel und Nachricht

z.B. `send (Prozess2, Nachricht)`

- Bei Empfangen u.U. Angabe von Quelle und Nachricht (bzw. Puffer, der sie aufnehmen soll)

z.B. `receive (Prozess1, Puffer)`



- Bei Nachrichtenaustausch findet implizite Synchronisation statt:
  - einseitige Synchronisation implizit:  
Empfangen einer Nachricht erst nach ihrem Senden möglich
  - ggf. gegenseitiger Ausschluss implizit:  
durch Konzept des Kanals statt gemeinsamer Variablen gewährleistet



- Bei Nachrichtenaustausch findet implizite Synchronisation statt:
    - **einseitige Synchronisation implizit:**  
Empfangen einer Nachricht erst nach ihrem Senden möglich
    - **ggf. gegenseitiger Ausschluss implizit:**  
durch Konzept des Kanals statt gemeinsamer Variablen gewährleistet
  - Jedoch: Nachrichtenaustausch kann auch auf gemeinsamen Variablen simuliert werden:
    - **Kommunikationskanal**  $\Rightarrow$  gemeinsamer Speicherbereich
    - **Senden einer Nachricht**  $\Rightarrow$  Schreiben in diesen Speicherbereich
    - **Empfangen einer Nachricht**  $\Rightarrow$  Lesen aus diesem Speicherbereich
- $\Rightarrow$  Dann Schutz des gemeinsamen Speicherbereichs erforderlich  
(z.B. durch Lock, Semaphor, Monitor)

- Bei Nachrichtenaustausch findet implizite Synchronisation statt:
  - **einseitige Synchronisation implizit:**  
Empfangen einer Nachricht erst nach ihrem Senden möglich
  - **ggf. gegenseitiger Ausschluss implizit:**  
durch Konzept des Kanals statt gemeinsamer Variablen gewährleistet
- Jedoch: Nachrichtenaustausch kann auch auf gemeinsamen Variablen simuliert werden:
  - **Kommunikationskanal**  $\Rightarrow$  gemeinsamer Speicherbereich
  - **Senden einer Nachricht**  $\Rightarrow$  Schreiben in diesen Speicherbereich
  - **Empfangen einer Nachricht**  $\Rightarrow$  Lesen aus diesem Speicherbereich

$\Rightarrow$  Dann Schutz des gemeinsamen Speicherbereichs erforderlich  
(z.B. durch Lock, Semaphor, Monitor)
- Nachrichtenaustausch universeller einsetzbar  
 $\Rightarrow$  im allgemeinen Fall u.U. zusätzliche Problembereiche:
  - Einrichten von Kommunikationskanälen
  - Absprachen über Nachrichtenformate
  - ...  $\Rightarrow$  Übergang zu Rechnernetzen

# Synchrone vs. asynchrone Kommunikation

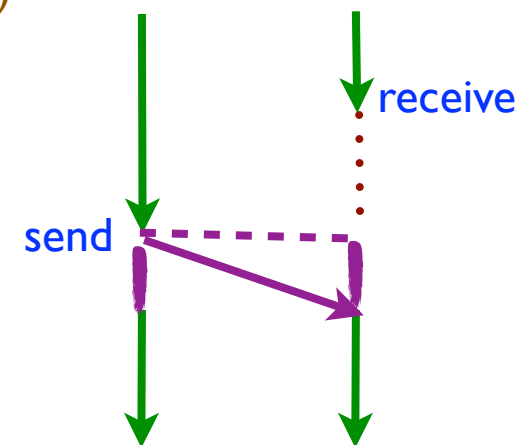
Bedeutung der Send-/Receive-Operationen:

- Synchrone Kommunikation:

- `send()/receive()` blockierend

⇒ Sender/Empfänger  
warten aufeinander

a)



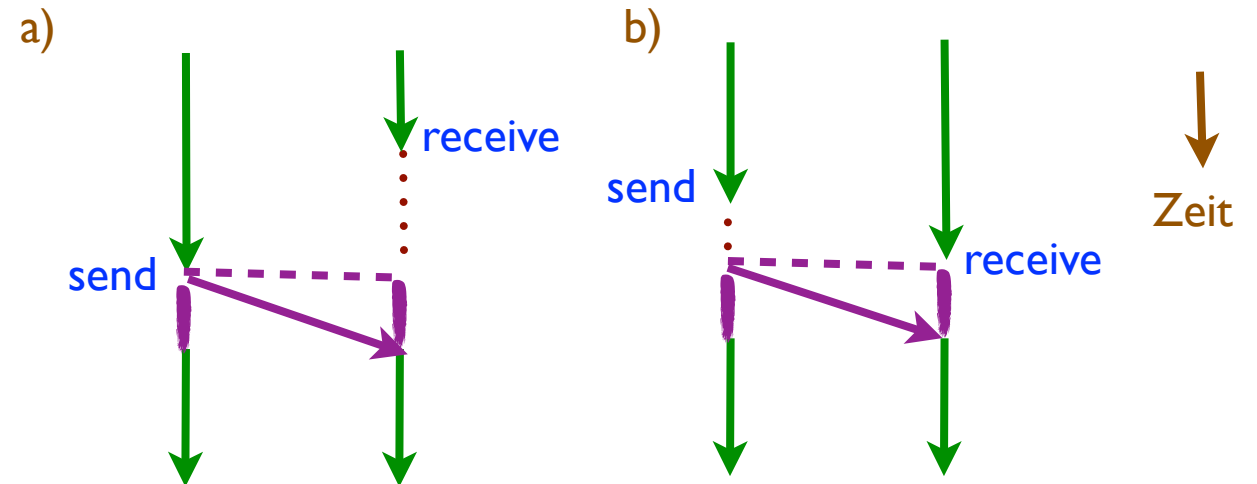
# Synchrone vs. asynchrone Kommunikation

Bedeutung der Send-/Receive-Operationen:

- Synchrone Kommunikation:

- `send()/receive()` blockierend

⇒ Sender/Empfänger  
warten aufeinander



# Synchrone vs. asynchrone Kommunikation

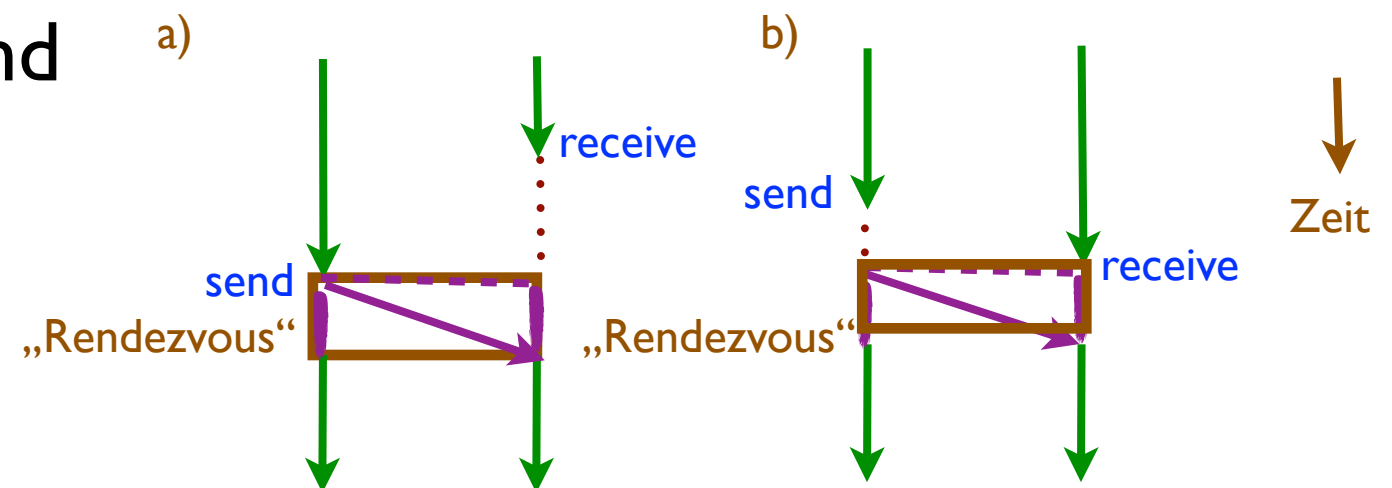
Bedeutung der Send-/Receive-Operationen:

- Synchrone Kommunikation:

- `send()/receive()` blockierend

⇒ Sender/Empfänger  
warten aufeinander

⇒ „Rendezvous“



# Synchrone vs. asynchrone Kommunikation

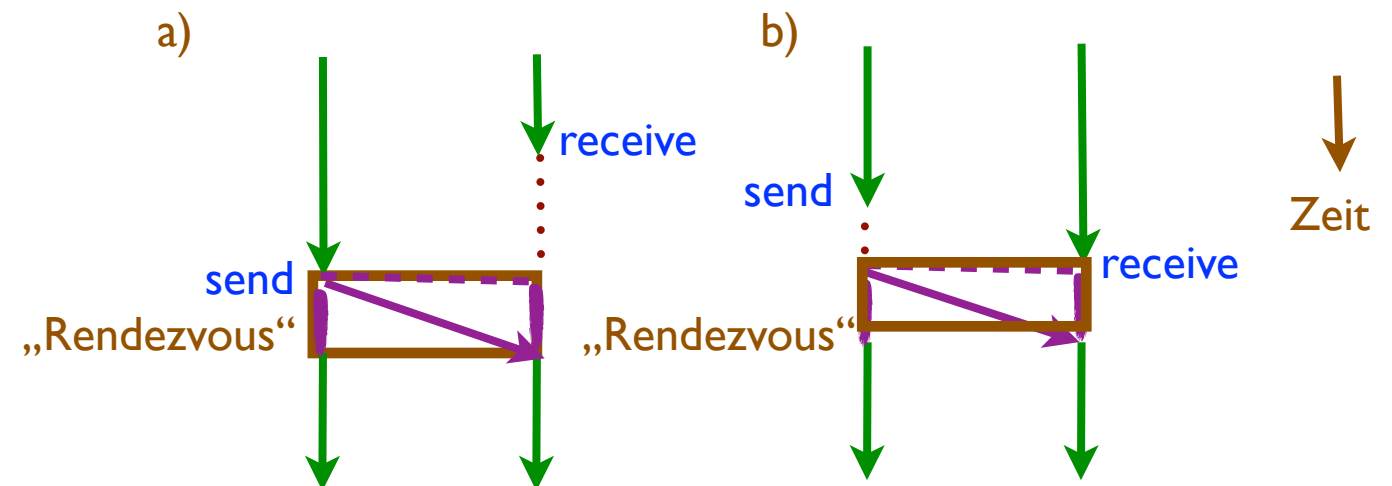
Bedeutung der Send-/Receive-Operationen:

- **Synchrone Kommunikation:**

- **send()/receive()** blockierend

⇒ Sender/Empfänger  
warten aufeinander

⇒ „Rendezvous“



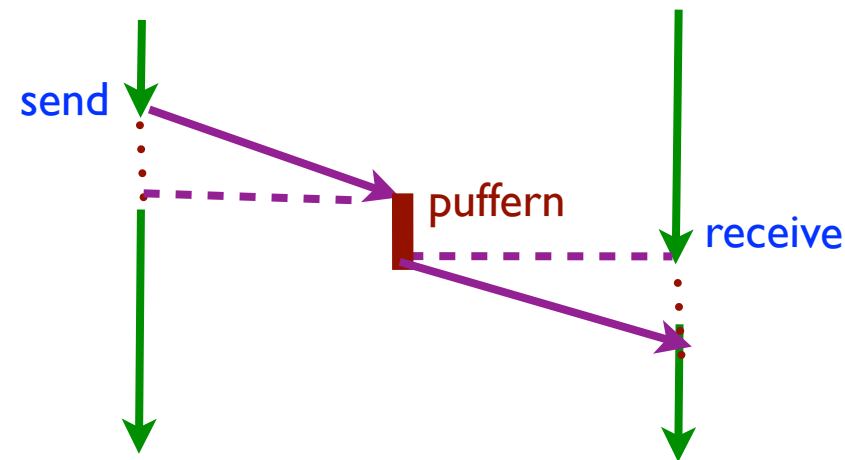
- Eigentliche Kommunikation dauert i.d.R. Zeit  
(z.B. Umkopiervorgänge in Empfänger-Adressraum)
- Synchrone Kommunikation setzt „enge Kopplung“ voraus  
(Sender muss wissen, wann Empfänger empfangsbereit ist)  
⇒ in verteilten Systemen i.d.R. nicht ohne weiteres bekannt
- Nur in Mehrprozessorumgebungen nutzbar, da beide gleichzeitig aktiv
- Synchrone Kommunikation ist verklemmungsgefährdet, wenn nicht  
aufeinander abgestimmt

## • Asynchrone Kommunikation

- `send()` nicht blockierend (`receive()` i.d.R. schon)

⇒ Senden vor Empfangsbereitschaft möglich

⇒ Erfordert Pufferung im Kommunikationskanal

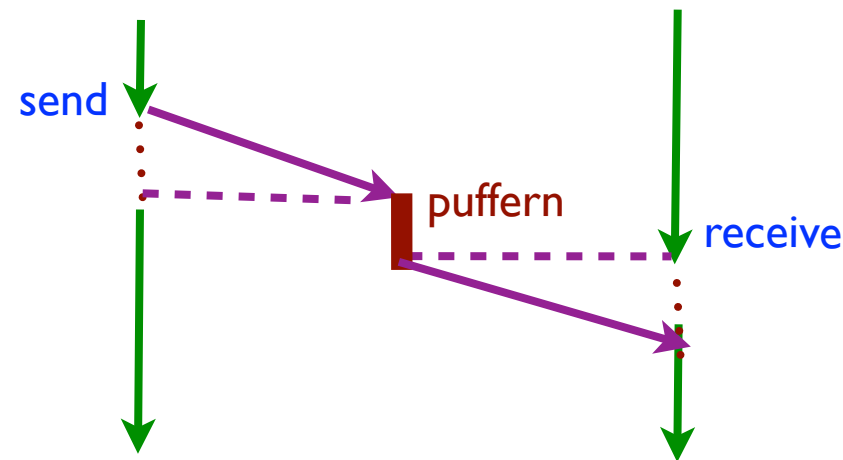


- Asynchrone Kommunikation

- `send()` nicht blockierend (`receive()` i.d.R. schon)

⇒ Senden vor Empfangsbereitschaft möglich

⇒ Erfordert Pufferung im Kommunikationskanal



- Auch „lose Kopplung“ der Prozesse und Einprozessorsystem möglich

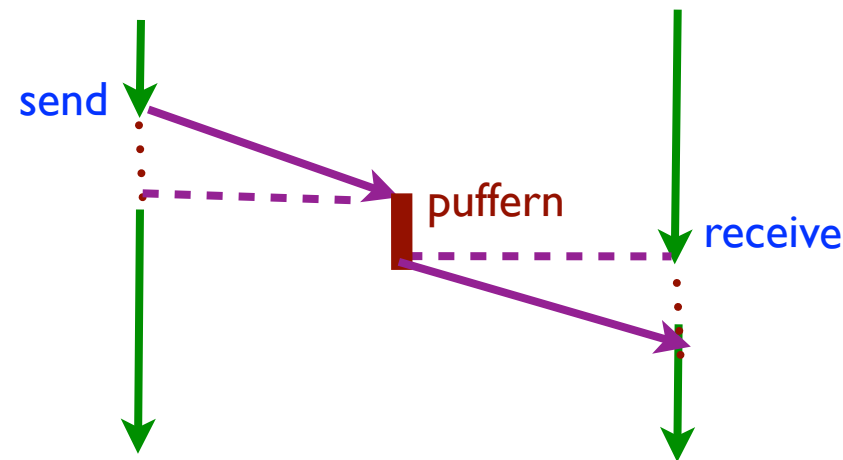


## • Asynchrone Kommunikation

- `send()` nicht blockierend (`receive()` i.d.R. schon)

⇒ Senden vor Empfangsbereitschaft möglich

⇒ Erfordert Pufferung im Kommunikationskanal



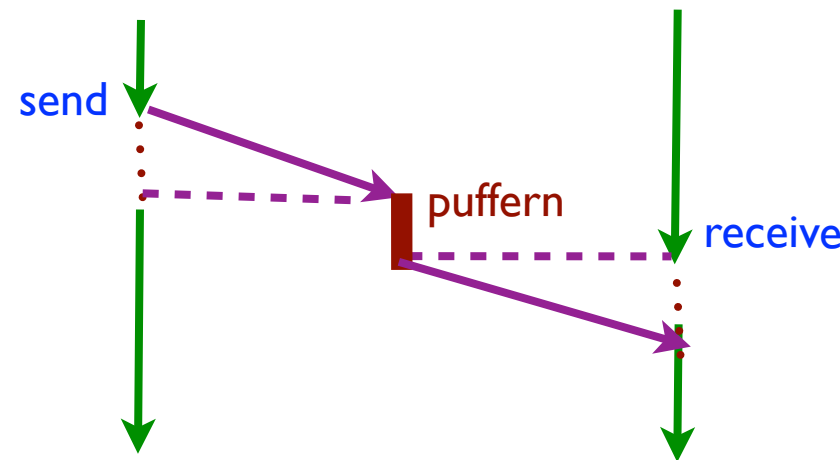
- Auch „lose Kopplung“ der Prozesse und Einprozessorsystem möglich
- Bei beschränktem Pufferplatz muss Sender u.U. doch blockiert werden (⇒ Pufferüberlauf)

## ● Asynchrone Kommunikation

- `send()` nicht blockierend (`receive()` i.d.R. schon)

⇒ Senden vor Empfangsbereitschaft möglich

⇒ Erfordert Pufferung im Kommunikationskanal

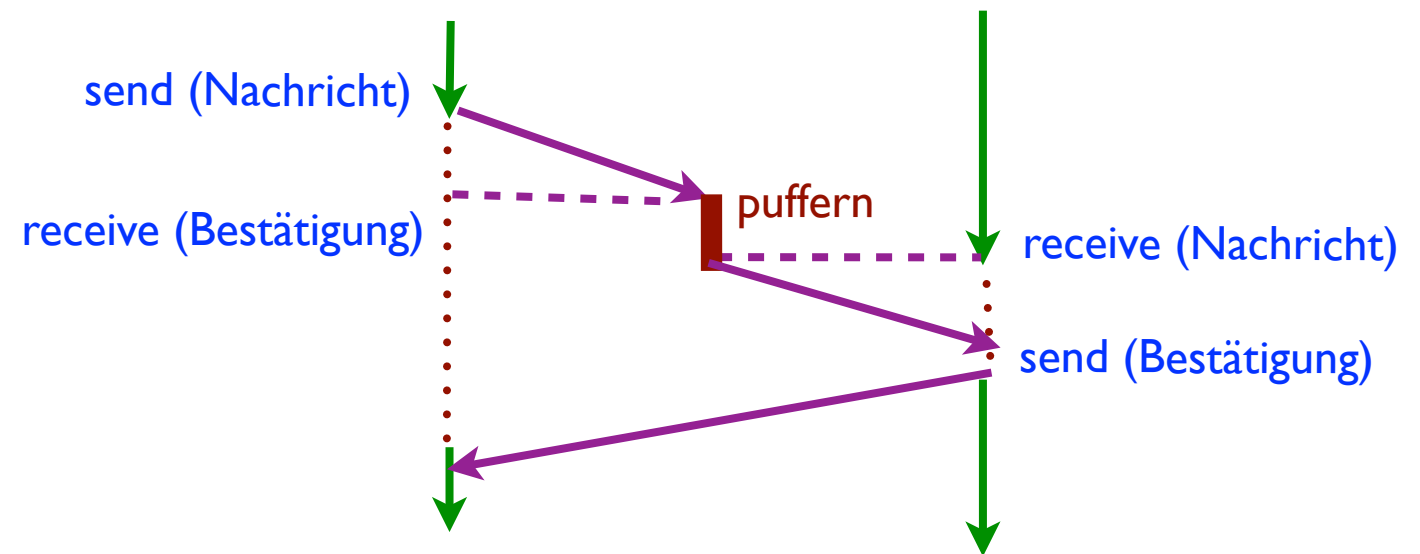


- Auch „lose Kopplung“ der Prozesse und Einprozessorsystem möglich
- Bei beschränktem Pufferplatz muss Sender u.U. doch blockiert werden (⇒ Pufferüberlauf)
- Alternative:
  - `send()` kehrt bei Pufferüberlauf mit Fehlermeldung zurück
  - Entsprechend: `receive()` kehrt bei leerem Puffer mit Fehlermeldung zurück

# Dualität der synchronen/asynchronen Kommunikation

- Synchrone Kommunikation kann durch asynchrone Operationen vorgenommen werden

⇒ Sender wartet nach  
Senden auf Bestätigung

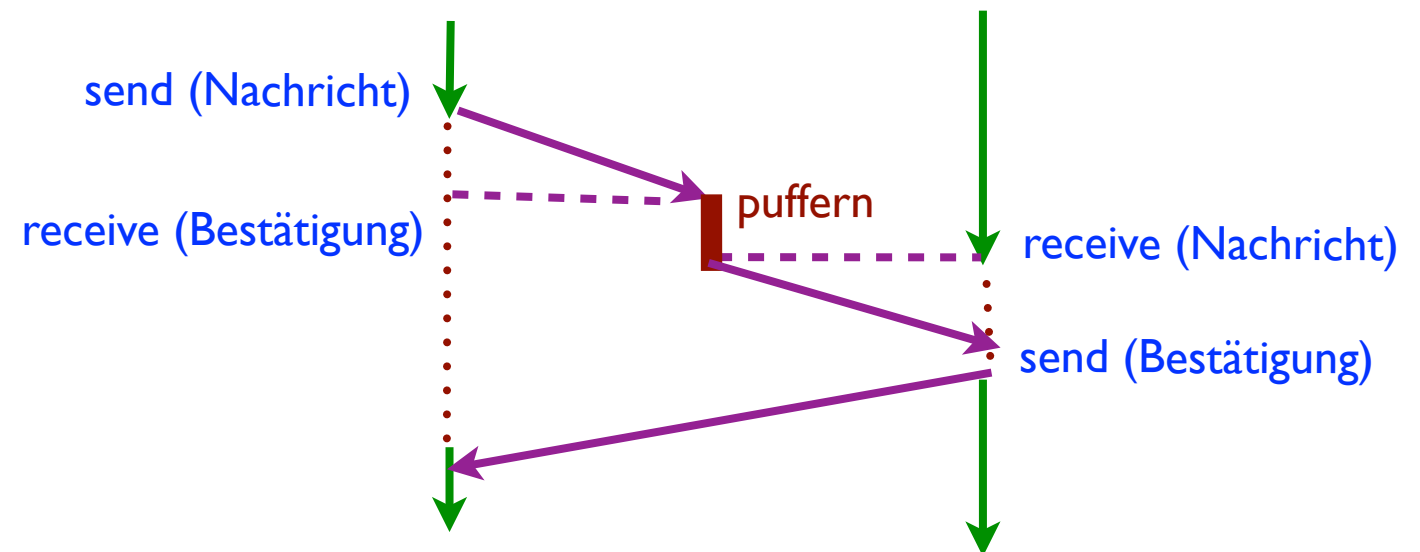


- Reine Empfangsbestätigung vs. „Antwort“
- Gebräuchliches Verhalten in Rechnernetzen

# Dualität der synchronen/asynchronen Kommunikation

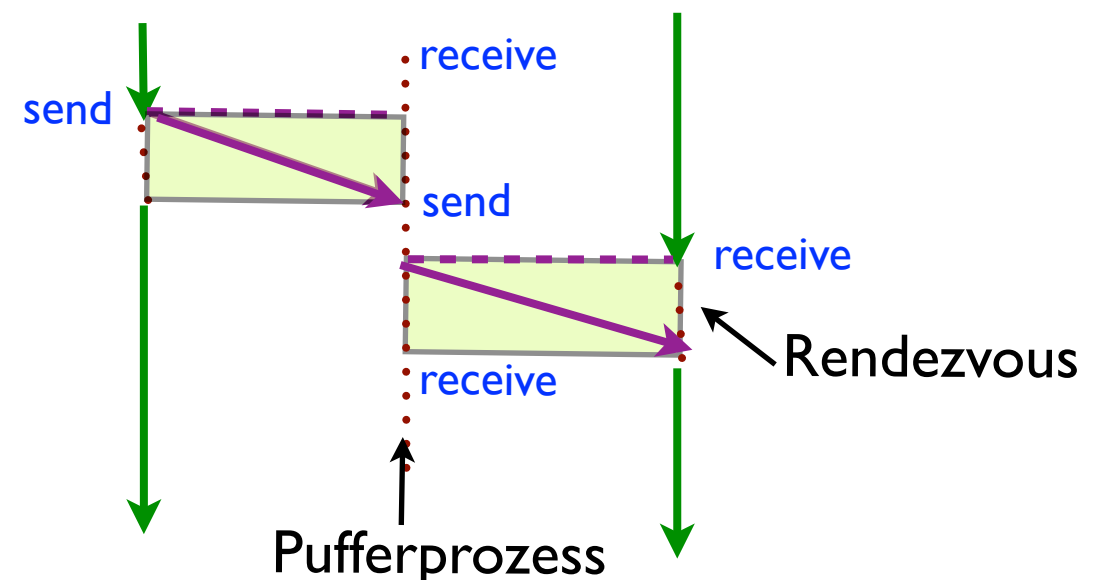
- Synchrone Kommunikation kann durch asynchrone Operationen vorgenommen werden

⇒ Sender wartet nach Senden auf Bestätigung



- Reine Empfangsbestätigung vs. „Antwort“
- Gebräuchliches Verhalten in Rechnernetzen
- Asynchrone Kommunikation kann durch synchrone Operationen vorgenommen werden

⇒ Einführung eines Pufferprozesses



# Modellierung der Kommunikationsbeziehung über Semaphore

- Innerhalb eines Systems möglich  $\Rightarrow$  ähnlich zu einseitiger Synchronisation
- Achtung vereinfacht: send()/receive() als unteilbar angenommen (unter Nutzung von Puffer)

- Asynchrone Kommunikation:

```
Sema s1(0);
```

```
Prozess1
```

```
...  
send(Nachricht);  
s1.V();
```

```
Prozess2
```

```
...  
s1.P();  
receive(Nachricht);
```

# Modellierung der Kommunikationsbeziehung über Semaphore

- Innerhalb eines Systems möglich  $\Rightarrow$  ähnlich zu einseitiger Synchronisation
- Achtung vereinfacht: send()/receive() als unteilbar angenommen (unter Nutzung von Puffer)

- Asynchrone Kommunikation:

```
Sema s1(0);
```

Prozess1

```
...  
send(Nachricht);  
s1.V();
```

Prozess2

```
...  
s1.P();  
receive(Nachricht);
```

- Synchrone Kommunikation:

$\Rightarrow$  nicht genau modellierbar, aber ähnliche Semantik zu Bestätigungsnachricht

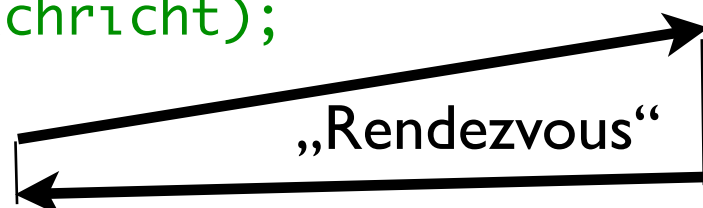
```
Sema s1(0);  
Sema s2(0);
```

Prozess1

```
...  
send(Nachricht);  
s1.V();  
s2.P();
```

Prozess2

```
...  
s1.P();  
receive(Nachricht);  
s2.V();
```



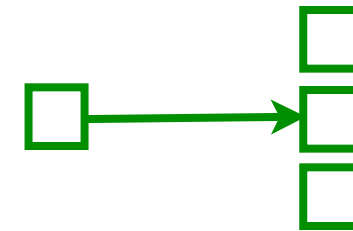
# Kleine Aufgabe

Unter welchen Umständen ist das Umsteigen zwischen Straßenbahnen am Hauptbahnhof eher als *synchron* bzw. eher als *asynchron* zu bezeichnen?

## Bemerkungen:

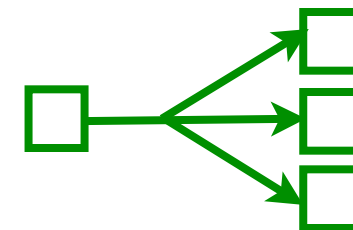
- Ein Prozess kann u.U. mit mehreren anderen kommunizieren

- 1:1-Beziehungen (Unicast)



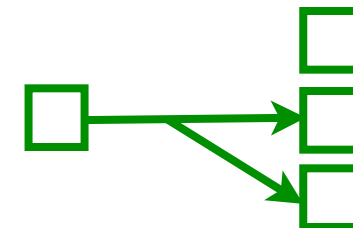
- 1:n-Beziehungen (Broadcast)

⇒ eine Nachricht „an alle“

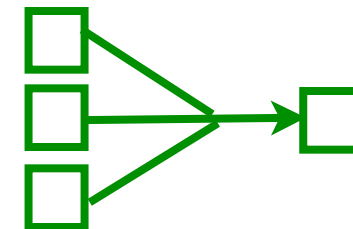


- 1:k-Beziehungen (Multicast)

⇒ eine Nachricht  
„an mehrere angegebene“



- n:1-Beziehungen



- n:m-Beziehungen



- Setzt Benennung des/der Partner(s) voraus

- Prozessbezeichner

⇒ genaue Auflistung erforderlich



- Besser: Kanalbezeichner

⇒ verschiedene Kanäle unterscheidbar

⇒ Partner können dennoch anonym bleiben



- Falls nur ein Sender oder ein Empfänger auf Kanal:

Port-Bezeichner

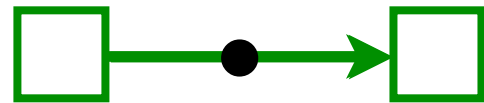
⇒ dennoch Entkopplung von Prozess-ID

(dynamische Zuordnung möglich)



- Ansiedlung des Pufferbereichs bei asynchroner Kommunikation:

- im Kanal (z.B. Unix Pipes  $\Rightarrow$  Kern)



- beim Empfänger (klassische „Mailbox“)

$\Rightarrow$  Sender legen Nachrichten dort ab (z.B. Aufträge)



- beim Sender („Ausgangskorb“)

$\Rightarrow$  Empfänger holen Nachrichten dort ab



# Fragen – Teil 1

- Was versteht man unter *synchronem* bzw. *asynchronem* Nachrichtenaustausch? Inwiefern sind diese beiden Kommunikationsformen aufeinander abbildbar?
- Wie kann man die Synchronisationseigenschaften von synchronem bzw. asynchronem Nachrichtenaustausch mit Semaphoren modellieren?
- Wozu verwendet man *Kanäle* bzw. *Ports*? Was ist das?

# Teil 2:

## Communicating Sequential Processes (CSP)

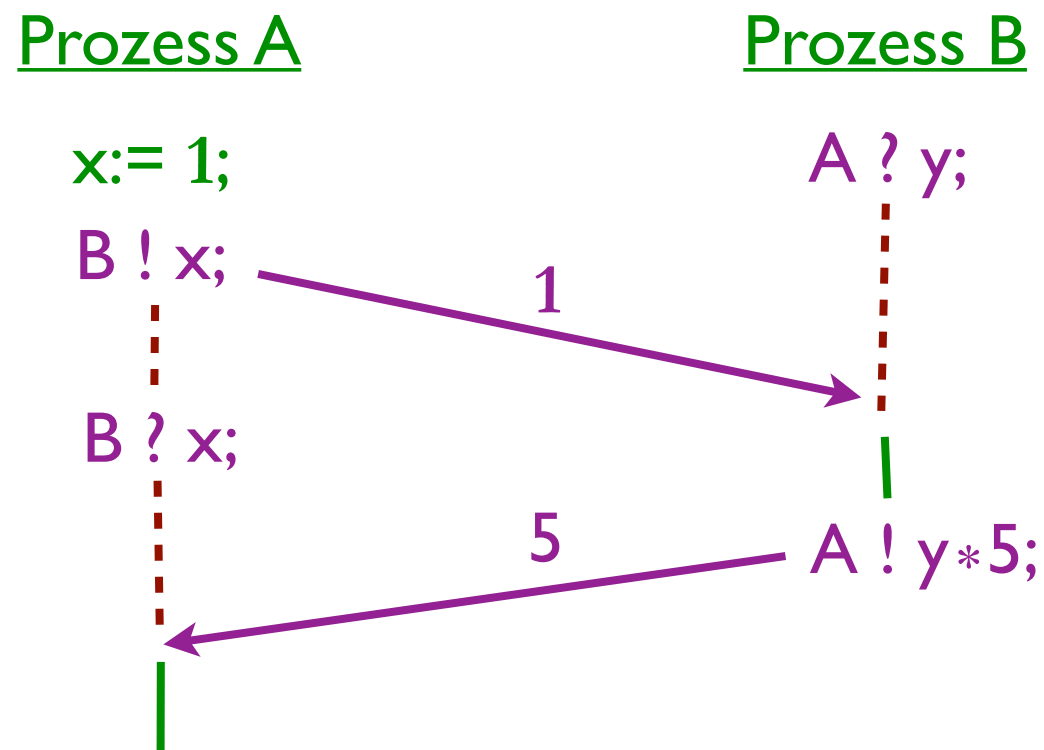
# CSP (Communicating Sequential Processes)

Hoare 1978

- Methode zum Beschreiben von Algorithmen mit synchronem Nachrichtenaustausch
- Programmiersprache mit „Lücken“  
(wurde später z.B. in OCCAM ergänzt)
- Wesentliche Konzepte dann in Erlang aufgegriffen
- Im folgenden Originalsyntax/-semantik verwendet  
⇒ gibt auch Varianten/Weiterentwicklungen

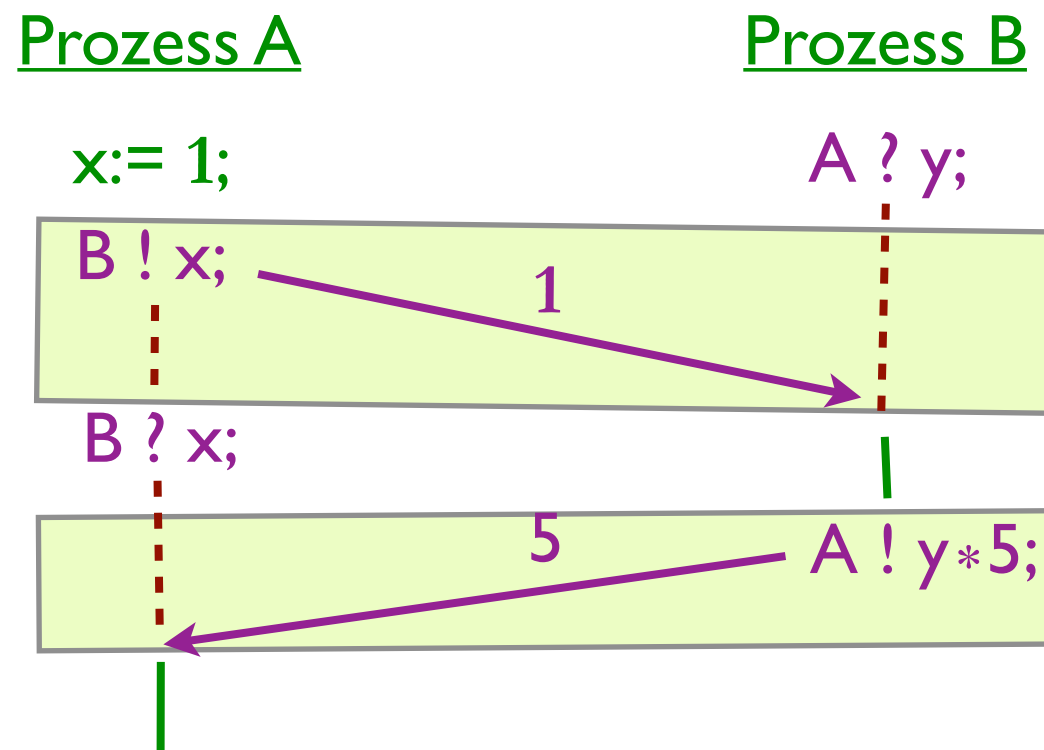
# ● Kommunikationsanweisungen

- synchron
- **Ausgabeeanweisung:**  $\text{recipient} ! \text{message}$  ( $\triangleq \text{send}(\text{recipient}, \text{message})$ )
  - An angegebenen Empfangsprozess (nicht Kanal/Port) soll Nachricht  $\text{message}$  gesendet werden
- **Eingabeeanweisung:**  $\text{sender} ? \text{variable}$  ( $\triangleq \text{receive}(\text{sender}, \text{variable})$ )
  - Von angegebenem Sendeprozess soll Nachricht empfangen und in  $\text{variable}$  abgelegt werden



# • Kommunikationsanweisungen

- synchron
- **Ausgabeanweisung:**  $\text{recipient} ! \text{message}$  ( $\triangleq \text{send}(\text{recipient}, \text{message})$ )
  - An angegebenen Empfangsprozess (nicht Kanal/Port) soll Nachricht  $\text{message}$  gesendet werden
- **Eingabeanweisung:**  $\text{sender} ? \text{variable}$  ( $\triangleq \text{receive}(\text{sender}, \text{variable})$ )
  - Von angegebenem Sendeprozess soll Nachricht empfangen und in  $\text{variable}$  abgelegt werden



2 Rendezvous

- Nachrichten/Variablen können strukturiert sein:  
`a:= auftrag(datum,nummer,artikel)`
- Strukturierte Variablen können komponentenlos sein  
⇒ dienen im Nachrichtenaustausch zur  
Signalisierung von Ereignissen

Prozess A

.....  
B!signal()  
.....



Prozess B

.....  
A?signal()  
.....



- Nachrichten/Variablen können strukturiert sein:  
`a:= auftrag(datum,nummer,artikel)`
- Strukturierte Variablen können komponentenlos sein  
 $\Rightarrow$  dienen im Nachrichtenaustausch zur  
 Signalisierung von Ereignissen

Prozess A

... erzeugen ...

`B!signal()`

.....



Prozess B

.....

`A?signal()`

... verbrauchen ...

Zur Erinnerung: Ereignisvariablen

`Condition c;`

... erzeugen ...

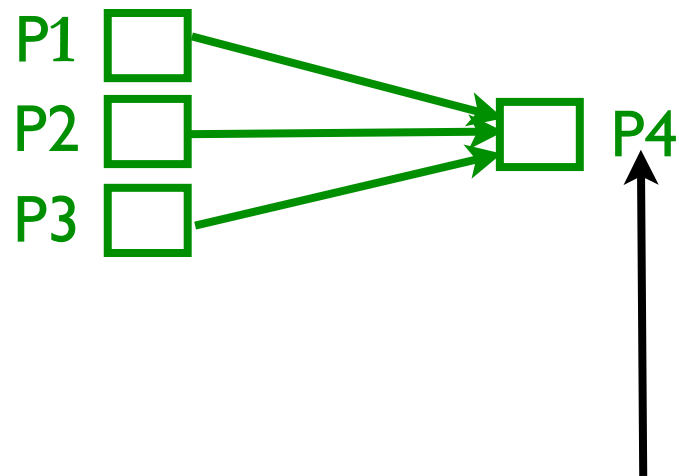
`c.signal();`

`c.wait();`

... verbrauchen ...

## • Alternativ-Anweisung

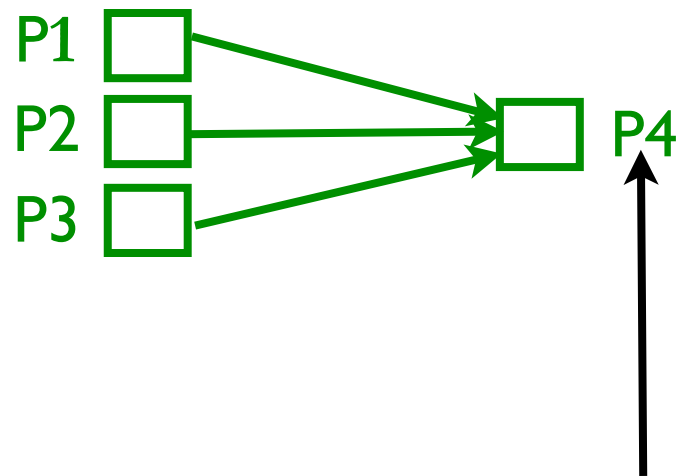
- sehr wichtiges Konzept von CSP
- ermöglicht es z.B., wahlweise auf mehrere mögliche Nachrichten zu warten (n:1-Kommunikation)



⇒ welcher Prozess wird (zuerst) senden?

## • Alternativ-Anweisung

- sehr wichtiges Konzept von CSP
- ermöglicht es z.B., wahlweise auf mehrere mögliche Nachrichten zu warten (n:1-Kommunikation)



⇒ welcher Prozess wird (zuerst) senden?

- basiert auf Konzept der bewachten Kommandos (**guarded commands, Dijkstra 1975**)

```
[ guard1 → anweisung1  
  guard2 → anweisung2  
  guard3 → anweisung3  
]
```

guard: Bedingung  
[]: „oder wenn“

- Beispiel: Auf mehrere Eingaben warten:

```
[ P1 ? variable1 → anweisung1  
  P2 ? variable2 → anweisung2  
  P3 ? variable3 → anweisung3  
]
```

- Empfangsbedingung trifft zu, wenn Nachricht empfangen wurde

- Beispiel: Auf mehrere Eingaben warten:

```
[ P1 ? variable1 → anweisung1  
  P2 ? variable2 → anweisung2  
  P3 ? variable3 → anweisung3  
]
```

Beispiel: Nachricht von P1 **und** P2  
⇒ **anweisung1** **oder** **anweisung2**

- Empfangsbedingung trifft zu, wenn Nachricht empfangen wurde
- Treffen mehrere Bedingungen zu, ist Auswahl nicht-deterministisch:

- Beispiel: Auf mehrere Eingaben warten:

```
[ P1 ? variable1 → anweisung1  
  P2 ? variable2 → anweisung2  
  P3 ? variable3 → anweisung3  
]
```

Beispiel: Nachricht von P1 **und** P2  
⇒ **anweisung1** **oder** **anweisung2**

- Empfangsbedingung trifft zu, wenn Nachricht empfangen wurde
- Treffen mehrere Bedingungen zu, ist Auswahl nicht-deterministisch:
  - Beispiel: Maximalwert

```
[ a ≤ b → max := b  
  a ≥ b → max := a  
]
```

- Beispiel: Absolutwert

```
[ x ≤ 0 → x := -x  
  x ≥ 0 → skip  
]
```

**skip: Leere Anweisung**

- Beispiel: Auf mehrere Eingaben warten:

```
[ P1 ? variable1 → anweisung1
  [ P2 ? variable2 → anweisung2
  [ P3 ? variable3 → anweisung3
  ]
]
```

Beispiel: Nachricht von P1 **und** P2  
 ⇒ **anweisung1** **oder** **anweisung2**

- Empfangsbedingung trifft zu, wenn Nachricht empfangen wurde
- Treffen mehrere Bedingungen zu, ist Auswahl nicht-deterministisch:
  - Beispiel: Maximalwert

```
[ a ≤ b → max := b
  [ a ≥ b → max := a
  ]
]
```

- Beispiel: Absolutwert

```
[ x ≤ 0 → x := -x
  [ x ≥ 0 → skip
  ]
]
```

**skip: Leere Anweisung**

- Kurzschreibweise: Indizierung

```
[ (i:1..n) guard(i) → anweisung(i) ]
```

- While-Schleife (z.B. Kopieren von Nachrichten):

```
*[ P1 ? nachricht → P2 ! nachricht ]
```

**\* Wiederholung**

## ● Prozesse in CSP

- Werden in CSP als nebenläufige Blöcke notiert
- Jeder Prozess hat eindeutigen Namen
- Abkürzende Schreibweise: Indizierung von gleichartigen Prozessen

```
[ druckserver:: anweisungen  
|| druckclient(i:1..N):: anweisungen  
]
```

Alternativanweisung:

```
[ ... → ...  
[] ... → ...  
]
```



## ● Prozesse in CSP

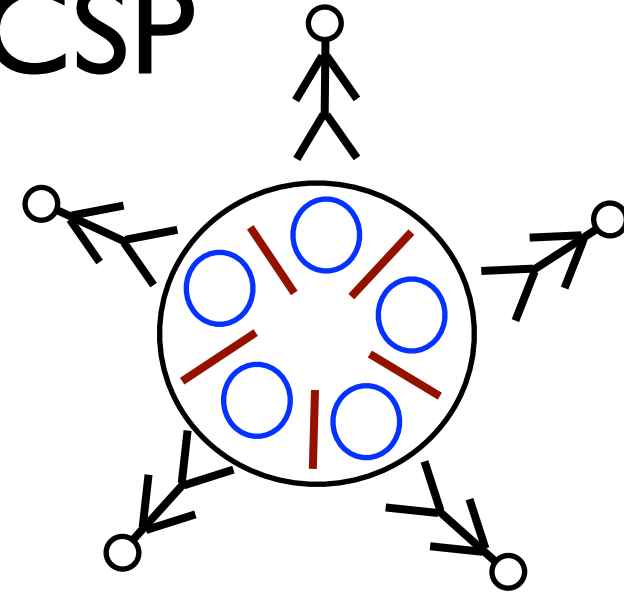
- Werden in CSP als nebenläufige Blöcke notiert
- Jeder Prozess hat eindeutigen Namen
- Abkürzende Schreibweise: Indizierung von gleichartigen Prozessen

```
[ druckserver:: anweisungen  
|| druckclient(i:1..N):: anweisungen  
]
```

- Prozess terminiert, wenn
  - alle Anweisungen abgearbeitet sind
  - wenn Kommunikationsanweisung scheitert  
(Partnerprozesse sind bereits terminiert)
- Entsprechend: Schleife/guarded command terminiert/scheitert,  
wenn Bedingungen(en) nicht mehr erfüllt werden können

# Die speisenden Philosophen in CSP

[ `philosoph(i:0..4):: PHIL`] (denken und speisen)



# Die speisenden Philosophen in CSP

[ `philosoph(i:0..4):: PHIL`] (denken und speisen)

Wdh.: Mögliche Semaphor-Lösung

```
Sema stick[5];    //Array von 5 Semaphoren, mit 1 initialisiert  
Sema chair(4);    //mit 4 initialisiertes Semaphor
```

```
philosoph(int i) {  
    while (1) {  
        ... denken ...  
        chair.P();  
        stick[i].P();  
        stick[(i+1)%5].P();  
        ... speisen ...  
        stick[i].V();  
        stick[(i+1)%5].V();  
        chair.V();  
    };  
}
```

# Die speisenden Philosophen in CSP

```
[ philosoph(i:0..4):: PHIL    (denken und speisen)
|| stick(i:0..4):: STICK      (nur einer kann Stäbchen haben)
|| table:: TABLE            (nur 4 Philosophen am Tisch)
]
```

⇒ spezielle „Synchronisationsprozesse“

# Die speisenden Philosophen in CSP

```
[ philosoph(i:0..4):: PHIL    (denken und speisen)
|| stick(i:0..4):: STICK      (nur einer kann Stäbchen haben)
|| table:: TABLE            (nur 4 Philosophen am Tisch)
]
```

⇒ spezielle „Synchronisationsprozesse“

PHIL=

```
*[ true → ...denken ...
    table ! setzen();
    stick(i) ! aufnehmen();
    stick((i+1)mod5) ! aufnehmen();
    ...speisen ...
    stick(i) ! niederlegen();
    stick((i+1)mod5) ! niederlegen();
    table ! aufstehen();
]
```

Zur Erinnerung: Synchroner Nachrichtenaustausch  
⇒ sonst würde diese Lösung nicht funktionieren

# Die speisenden Philosophen in CSP

```
[ philosoph(i:0..4):: PHIL
```

```
|| stick(i:0..4):: STICK
```

```
|| table:: TABLE
```

```
]
```

⇒ spezielle „Synchronisationsprozesse“

PHIL=

```
*[ true → ...denken ...
```

```
    table ! setzen();
```

```
    stick(i) ! aufnehmen();
```

```
    stick((i+1)mod5) ! aufnehmen();
```

```
    ...speisen ...
```

```
    stick(i) ! niederlegen();
```

```
    stick((i+1)mod5) ! niederlegen();
```

```
    table ! aufstehen();
```

```
]
```

STICK=

```
*[ philosoph(i) ? aufnehmen()
```

```
    → philosoph(i) ? niederlegen()
```

```
|| philosoph((i-1)mod5) ? aufnehmen()
```

```
    → philosoph((i-1)mod5) ? niederlegen()
```

```
]
```

# Die speisenden Philosophen in CSP

```
[ philosoph(i:0..4):: PHIL
```

```
|| stick(i:0..4):: STICK
```

```
|| table:: TABLE
```

```
]
```

⇒ spezielle „Synchronisationsprozesse“

PHIL=

```
*[ true → ...denken ...
```

```
    table ! setzen();
```

```
    stick(i) ! aufnehmen();
```

```
    stick((i+1)mod5) ! aufnehmen();
```

```
    ...speisen ...
```

```
    stick(i) ! niederlegen();
```

```
    stick((i+1)mod5) ! niederlegen();
```

```
    table ! aufstehen();
```

```
]
```

STICK=

```
*[ philosoph(i) ? aufnehmen()
```

```
    → philosoph(i) ? niederlegen()
```

```
  [] philosoph((i-1)mod5) ? aufnehmen()
```

```
    → philosoph((i-1)mod5) ? niederlegen()
```

```
]
```

TABLE=

```
gäste: integer;
```

```
gäste:= 0;
```

```
*[ (i:0..4) Gäste<4; philosoph(i) ? setzen()
```

```
    → Gäste:= Gäste+1
```

```
  [] (i:0..4) philosoph(i) ? aufstehen()
```

```
    → Gäste:= Gäste-1
```

```
]
```

## Fragen – Teil 2

- Was ist ein *guarded command*? Warum kann die Verwendung eines solchen Konzepts gerade in Zusammenhang mit Nachrichtenaustauschvorgängen interessant sein?



# Teil 3:

## Das Sieb des Eratosthenes in CSP

# Das Sieb des Eratosthenes

- Bekannter Algorithmus zum Bestimmen von Primzahlen in aufsteigender Reihenfolge
- Ausgehend von bereits gefundener Primzahl  $p$  werden ihre Vielfache „ausgesiebt“ (beginnend bei  $p^2$ ).

2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 ...

# Das Sieb des Eratosthenes

- Bekannter Algorithmus zum Bestimmen von Primzahlen in aufsteigender Reihenfolge
- Ausgehend von bereits gefundener Primzahl  $p$  werden ihre Vielfache „ausgesiebt“ (beginnend bei  $p^2$ ).


2 3 ~~4~~ 5 ~~6~~ 7 ~~8~~ 9 ~~10~~ 11 ~~12~~ 13 ...

- Optimierung: 2 als Sonderfall betrachten  
⇒ nur ungerade Zahlen untersuchen

# Das Sieb des Eratosthenes

- Bekannter Algorithmus zum Bestimmen von Primzahlen in aufsteigender Reihenfolge
- Ausgehend von bereits gefundener Primzahl  $p$  werden ihre Vielfache „ausgesiebt“ (beginnend bei  $p^2$ ).

2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 ...



- Optimierung: 2 als Sonderfall betrachten

⇒ nur ungerade Zahlen untersuchen

# Das Sieb des Eratosthenes

- Bekannter Algorithmus zum Bestimmen von Primzahlen in aufsteigender Reihenfolge
- Ausgehend von bereits gefundener Primzahl  $p$  werden ihre Vielfache „ausgesiebt“ (beginnend bei  $p^2$ ).

~~2~~ ~~3~~ ~~4~~ ~~5~~ ~~6~~ ~~7~~ ~~8~~ ~~9~~ ~~10~~ 11 ~~12~~ 13 ...

- Optimierung: 2 als Sonderfall betrachten

⇒ nur ungerade Zahlen untersuchen

—

# Das Sieb des Eratosthenes

- Bekannter Algorithmus zum Bestimmen von Primzahlen in aufsteigender Reihenfolge
- Ausgehend von bereits gefundener Primzahl  $p$  werden ihre Vielfache „ausgesiebt“ (beginnend bei  $p^2$ ).

2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 ...

- Optimierung: 2 als Sonderfall betrachten  
⇒ nur ungerade Zahlen untersuchen
- Endekriterium:  $p \geq \sqrt{\text{MaxNum}}$  (für Primzahlen bis  $\text{MaxNum}-1$ )  
⇒ keine Vielfachen mehr aussiebbar  
⇒ verbleibende Zahlen müssen Primzahlen sein
- 2 Lösungen betrachten:
  - sequentielle Lösung (in C++)
  - nebenläufige Lösung (in CSP)

# Das Sieb des Eratosthenes (sequentielle Variante)

```
#include <iostream.h>
const int max_wurzel= 100;
const int max_nummer= max_wurzel * max_wurzel;
bool sieb[max_nummer];      // sieb[i]= true  $\Rightarrow$  i könnte Primzahl sein

sieb_initialisieren() {
    int i;
    for (i=0; i<max_nummer; i++)
        sieb[i]= i&1;      // nur ungerade Zahlen
    sieb[2]= true;         //Sonderfall 2
}

aussieben() {
    for (int p=3; p<max_wurzel; p+=2) {
        if (sieb[p]) {      // p ist Primzahl?
            for (int mp= p*p; mp<max_nummer; mp+=2*p) {
                sieb[mp]= false; // Vielfache von p aussieben
            }
        }
    }
}

sieb_ausgeben() {
    for (int p=2; p<max_nummer; p++)
        if (sieb[p])
            cout << p << endl;
}

main() {
    sieb_initialisieren();
    aussieben();
    sieb_ausgeben();
}
```

# Das Sieb des Eratosthenes (sequentielle Variante)

```
#include <iostream.h>
const int max_wurzel= 100;
const int max_nummer= max_wurzel * max_wurzel;
bool sieb[max_nummer];      // sieb[i]= true  $\Rightarrow$  i könnte Primzahl sein
```

```
sieb_initialisieren() {
    int i;
    for (i=0; i<max_nummer; i++)
        sieb[i]= i&1;      // nur ungerade Zahlen
    sieb[2]= true;         // Sonderfall 2
}
```

	10110
&	00001
	<hr/>
	00000

```
aussieben() {
    for (int p=3; p<max_wurzel; p+=2) {
        if (sieb[p]) {      // p ist Primzahl?
            for (int mp= p*p; mp<max_nummer; mp+=2*p) {
                sieb[mp]= false; // Vielfache von p aussieben
            }
        }
    }
}
```

```
sieb_ausgeben() {
    for (int p=2; p<max_nummer; p++)
        if (sieb[p])
            cout << p << endl;
}
```

```
main() {
    sieb_initialisieren();
    aussieben();
    sieb_ausgeben();
}
```



# Das Sieb des Eratosthenes (sequentielle Variante)

```
#include <iostream.h>
const int max_wurzel= 100;
const int max_nummer= max_wurzel * max_wurzel;
bool sieb[max_nummer];      // sieb[i]= true  $\Rightarrow$  i könnte Primzahl sein
```

```
sieb_initialisieren() {
    int i;
    for (i=0; i<max_nummer; i++)
        sieb[i]= i&1;      // nur ungerade Zahlen
    sieb[2]= true;         // Sonderfall 2
}
```

```
aussieben() {
    for (int p=3; p<max_wurzel; p+=2) {
        if (sieb[p]) {      // p ist Primzahl?
            for (int mp= p*p; mp<max_nummer; mp+=2*p) {
                sieb[mp]= false; // Vielfache von p aussieben
            }
        }
    }
}
```

```
main() {
    sieb_initialisieren();
    aussieben();
    sieb_ausgeben();
}
```

# Das Sieb des Eratosthenes (sequentielle Variante)

```
#include <iostream.h>
const int max_wurzel= 100;
const int max_nummer= max_wurzel * max_wurzel;
bool sieb[max_nummer];      // sieb[i]= true  $\Rightarrow$  i könnte Primzahl sein
```

```
sieb_initialisieren() {
    int i;
    for (i=0; i<max_nummer; i++)
        sieb[i]= i&1;      // nur ungerade Zahlen
    sieb[2]= true;         // Sonderfall 2
}
```

```
aussieben() {
    for (int p=3; p<max_wurzel; p+=2) {
        if (sieb[p]) {      // p ist Primzahl?
            for (int mp= p*p; mp<max_nummer; mp+=2*p) {
                sieb[mp]= false; // Vielfache von p aussieben
            }
        }
    }
}
```

```
sieb_ausgeben() {
    for (int p=2; p<max_nummer; p++)
        if (sieb[p])
            cout << p << endl;
}
```

```
main() {
    sieb_initialisieren();
    aussieben();
    sieb_ausgeben();
}
```

# Das Sieb des Eratosthenes in CSP

- Erhöhung möglicher Nebenläufigkeit
- Vorsehen mehrerer Prozesse („Siebe“)  
⇒ Kaskadierung
- Jeder kümmert sich um Vielfache einer Primzahl
- Kommunikation zwischen „Sieben“ über Nachrichtenaustausch  
(in CSP: synchroner Nachrichtenaustausch)  
⇒ Mitteilung der nächsten zu untersuchenden Zahl  
an das nächste Sieb

Sieb0                      Sieb1  
(Vielfache 2)    (Vielfache 3)

Drucken 2

3 -----> Drucken 3  
mp=  $3^2=9$

Sieb0                      Sieb1                      Sieb2  
(Vielfache 2)    (Vielfache 3)    (Vielfache 5)

Drucken 2

3 -----> Drucken 3  
                 mp=  $3^2=9$

5 -----> 5 < 9       -----> Drucken 5  
   mp=  $5^2=25$

Sieb0	Sieb1	Sieb2	Sieb3
(Vielfache 2)	(Vielfache 3)	(Vielfache 5)	(Vielfache 7)

Drucken 2

3 -----> Drucken 3  
mp=  $3^2=9$

5 -----> 5 < 9 -----> Drucken 5  
mp=  $5^2=25$

7 -----> 7 < 9 -----> 7 < 25 -----> Drucken 7  
mp=  $7^2=49$

Sieb0	Sieb1	Sieb2	Sieb3
(Vielfache 2)	(Vielfache 3)	(Vielfache 5)	(Vielfache 7)

Drucken 2

3 -----> Drucken 3  
mp=  $3^2=9$

5 -----> 5 < 9 -----> Drucken 5  
mp=  $5^2=25$

7 -----> 7 < 9 -----> 7 < 25 -----> Drucken 7  
mp=  $7^2=49$

9 -----> 9 = 9  
aussieben

Sieb0	Sieb1	Sieb2	Sieb3	Sieb4
(Vielfache 2)	(Vielfache 3)	(Vielfache 5)	(Vielfache 7)	(Vielfache 11)

Drucken 2

3 -----> Drucken 3  
 $mp = 3^2 = 9$

5 ----->  $5 < 9$  -----> Drucken 5  
 $mp = 5^2 = 25$

7 ----->  $7 < 9$  ----->  $7 < 25$  -----> Drucken 7  
 $mp = 7^2 = 49$

9 ----->  $9 = 9$   
 aussieben

11 ----->  $11 > 9$   
 $mp = 9 + 2*3 = 15$   
 $11 < 15$  ----->  $11 < 25$  ----->  $11 < 49$  -----> Drucken 11  
 $mp = 11^2 = 121$



Sieb0	Sieb1	Sieb2	Sieb3	Sieb4
(Vielfache 2)	(Vielfache 3)	(Vielfache 5)	(Vielfache 7)	(Vielfache 11)

Drucken 2

3 -----> Drucken 3  
                   mp=  $3^2=9$

5 -----> 5 < 9 -----> Drucken 5  
                                   mp=  $5^2=25$

7 -----> 7 < 9 -----> 7 < 25 -----> Drucken 7  
   mp=  $7^2=49$

9 -----> 9 = 9  
                   aussieben

11 -----> 11 > 9  
                   mp =  $9 + 2*3 = 15$   
                   11 < 15 -----> 11 < 25 -----> 11 < 49 -----> Drucken 11  
   mp=  $11^2=121$

13 -----> 13 < 15 -----> 13 < 25 -----> 13 < 49 -----> 13 < 121 ----->

Sieb0	Sieb1	Sieb2	Sieb3	Sieb4
(Vielfache 2)	(Vielfache 3)	(Vielfache 5)	(Vielfache 7)	(Vielfache 11)

Drucken 2

3 -----> Drucken 3  
 $mp = 3^2 = 9$

5 ----->  $5 < 9$  -----> Drucken 5  
 $mp = 5^2 = 25$

7 ----->  $7 < 9$  ----->  $7 < 25$  -----> Drucken 7  
 $mp = 7^2 = 49$

9 ----->  $9 = 9$   
 aussieben

11 ----->  $11 > 9$   
 $mp = 9 + 2 \cdot 3 = 15$   
 $11 < 15$  ----->  $11 < 25$  ----->  $11 < 49$  -----> Drucken 11  
 $mp = 11^2 = 121$

13 ----->  $13 < 15$  ----->  $13 < 25$  ----->  $13 < 49$  ----->  $13 < 121$  ----->

15 ----->  $15 = 15$   
 aussieben

# Das Sieb des Eratosthenes in CSP

```
sieb(0)::  
  n: integer;  
  drucken ! 2;  
  n:= 3;  
  *[ n<10000 → sieb(1) ! n; n:= n+2 ]
```

```
sieb(i:1..49)::  
  p, mp: integer;  
  sieb(i-1) ? p;  
  drucken ! p;  
  mp:= p*p;  
  *[ m: integer;  
    sieb(i-1) ? m; →  
    *[ m>mp → mp:= mp + 2*p ]  
    [ m=mp → skip  
    [ m<mp → sieb(i+1) ! m  
    ]  
  ]  
]
```

```
sieb(50)::  
  n: integer;  
  *[ sieb(49) ? n → drucken ! n ]
```

```
drucken::  
  n: integer;  
  *[ (i:0..50) sieb(i) ? n → ... drucken ... ]
```

# Das Sieb des Eratosthenes in CSP

```
sieb(0)::  
  n: integer;  
  drucken ! 2;  
  n:= 3;  
  *[ n<10000 → sieb(1) ! n; n:= n+2 ]
```

```
sieb(i:1..49)::  
  p, mp: integer;  
  sieb(i-1) ? p;  
  drucken ! p;  
  mp:= p*p;  
  *[m: integer;  
    sieb(i-1) ? m; →  
    *[ m>mp → mp:= mp + 2*p]  
    [ m=mp → skip  
    ] m<mp → sieb(i+1) ! m  
  ]  
]
```

```
sieb(50)::  
  n: integer;  
  *[ sieb(49) ? n → drucken ! n ]
```

```
drucken::  
  n: integer;  
  *[ (i:0..50) sieb(i) ? n → ... drucken ... ]
```

# Das Sieb des Eratosthenes in CSP

```
sieb(0)::  
  n: integer;  
  drucken ! 2;  
  n:= 3;  
  *[ n<10000 → sieb(1) ! n; n:= n+2 ]
```

```
sieb(i:1..49)::  
  p, mp: integer;  
  sieb(i-1) ? p;  
  drucken ! p;  
  mp:= p*p;  
  *[ m: integer;  
    sieb(i-1) ? m; →  
    *[ m>mp → mp:= mp + 2*p ]  
    [ m=mp → skip  
    [] m<mp → sieb(i+1) ! m  
    ]  
  ]
```

```
sieb(50)::  
  n: integer;  
  *[ sieb(49) ? n → drucken ! n ]
```

```
drucken::  
  n: integer;  
  *[ (i:0..50) sieb(i) ? n → ... drucken ... ]
```

# Das Sieb des Eratosthenes in CSP

```
sieb(0)::  
  n: integer;  
  drucken ! 2;  
  n:= 3;  
  *[ n<10000 → sieb(1) ! n; n:= n+2 ]
```

```
sieb(i:1..49)::  
  p, mp: integer;  
  sieb(i-1) ? p;  
  drucken ! p;  
  mp:= p*p;  
  *[ m: integer;  
    sieb(i-1) ? m; →  
    *[ m>mp → mp:= mp + 2*p]  
    [ m=mp → skip  
      [ m<mp → sieb(i+1) ! m  
        ]  
    ]  
  ]
```

```
sieb(50)::  
  n: integer;  
  *[ sieb(49) ? n → drucken ! n ]
```

```
drucken::  
  n: integer;  
  *[ (i:0..50) sieb(i) ? n → ... drucken ... ]
```

## Fazit:

- Sehr einfaches Beispiel eines nebenläufigen Algorithmus
  - Allerdings:
    - Kommunikationsaufwand überwiegt Rechenaufwand bei weitem
    - Problem des synchronen Nachrichtenaustauschs in CSP
- ⇒ Gegenseitiges Warten
- Nur auf Mehrprozessorsystemen umsetzbar...

Sieb0	Sieb1	Sieb2	Sieb3	Sieb4
(Vielfache 2)	(Vielfache 3)	(Vielfache 5)	(Vielfache 7)	(Vielfache 11)

Drucken 2

3	----->	Drucken 3 mp= $3^2 = 9$						
5	----->	5 < 9	----->	Drucken 5 mp= $5^2 = 25$				
7	----->	7 < 9	----->	7 < 25	----->	Drucken 7 mp= $7^2 = 49$		
9	----->	9 = 9 aussieben						
11	----->	11 > 9 mp = $9 + 2 \cdot 3 = 15$ 11 < 15	----->	11 < 25	----->	11 < 49	----->	Drucken 11 mp= $11^2 = 121$
13	----->	13 < 15	----->	13 < 25	----->	13 < 49	----->	13 < 121
15	----->	15 = 15 aussieben						



## Fazit:

- Sehr einfaches Beispiel eines nebenläufigen Algorithmus
- Allerdings:
  - Kommunikationsaufwand überwiegt Rechenaufwand bei weitem
  - Problem des synchronen Nachrichtenaustauschs in CSP
    - ⇒ Gegenseitiges Warten
    - Nur auf Mehrprozessorsystemen umsetzbar...
- Bei asynchronem Nachrichtenaustausch mit mehrelementigem Puffer weitergehende Unabhängigkeit zwischen den Prozessen
  - ⇒ Dennoch: Beispiel insgesamt zu einfach für großen Nutzen

# Exkurs: Kommunikation in Erlang

- Asynchroner Nachrichtenaustausch
- Senden [syntaktisch wie CSP-Ausgabeanweisung]

Process ! Message

- Empfangen [ähnlich zu CSP-Alternativ-Anweisung/Unix-select()]

```
receive
    MessagePattern1 ->
        Actions1;
    MessagePattern2 ->
        Actions2;
    ...
    after Time ->
        TimeOutActions
end
```

CSP-Beispiel: Auf mehrere Eingaben warten:

```
[ P1 ? variable1 → anweisung1
  P2 ? variable2 → anweisung2
  P3 ? variable3 → anweisung3
]
```

# Fragen – Teil 3

- Welche Nachteile hat die CSP-Lösung des „Sieb des Eratosthenes“?

# Zusammenfassung

- Nachrichtenaustausch
  - synchron (*Rendezvous*)
  - asynchron (Puffer)
  - Unicast, Multicast, Broadcast
- CSP (Communicating Sequential Processes)
  - Kommunikationsanweisungen (synchron)
  - Alternativ-Anweisung (*guarded commands*)
  - Speisende Philosophen in CSP
  - Sieb des Eratosthenes in CSP
- Kurzüberblick Erlang

# Nachrichtenaustausch – Fragen

1. Was versteht man unter *synchronem* bzw. *asynchronem* Nachrichtenaustausch? Inwiefern sind diese beiden Kommunikationsformen aufeinander abbildbar?
2. Wie kann man die Synchronisationseigenschaften von synchronem bzw. asynchronem Nachrichtenaustausch mit Semaphoren modellieren?
3. Wozu verwendet man *Kanäle* bzw. *Ports*? Was ist das?
4. Was ist ein *guarded command*? Warum kann die Verwendung eines solchen Konzepts gerade in Zusammenhang mit Nachrichtenaustauschvorgängen interessant sein?
5. Welche Nachteile hat die CSP-Lösung des „Sieb des Eratosthenes“?